

Complément dimensionnel de la solution mathématique au problème de la constante cosmologique.

Stéphane Wojnow
wojnow.stephane@gmail.com

Octobre 2022

Résumé/Introduction

Nous avons proposé une solution mathématique au problème de la constante cosmologique avec une tentative d'explication physique. Nous proposons ici un complément de cette solution pour valider l'hypothétique valeur de la densité d'énergie de la constante cosmologique dans la théorie quantique des champs (TQC), en montrant que la méthode dimensionnelle utilisée peut s'appliquer pour trouver la densité d'énergie critique du modèle Λ CDM.

Keywords : Cosmologie, théorie quantique des champs, problème de la constante cosmologique, catastrophe du vide, constante cosmologique, énergie du point zéro, densité d'énergie critique, modèle Λ CDM.

Rappel du résultat de la solution mathématique au problème de la constante cosmologique.

Nous définissons ici des paramètres avec m_p comme masse de Planck, l_p comme longueur de Planck, \hbar constante de Planck réduite, c vitesse de la lumière dans le vide, G comme constante de Newton, Λ comme constante cosmologique, A comme densité de l'énergie du point zéro dans la théorie quantique des champs [1], B comme densité d'énergie du vide supposée pour la constante cosmologique en TQC [2], H_0 comme contante de Hubble, et ρ_c comme densité d'énergie critique du modèle Λ CDM.

La densité d'énergie du vide quantique en unités de Planck, i.e. celle du point zéro de la TQC est :

$$A = \frac{m_p c^2}{l_p^3} = \hbar (l_p^{-2})^2 c \quad (1)$$

$$A = \frac{c^7}{G^2 \hbar} \quad (2)$$

Par analyse dimensionnelle, on peut proposer cette hypothétique une densité d'énergie quantique de la constante cosmologique en TQC [2] :

$$B = \frac{1}{(8\pi)^2} \hbar (\Lambda_{m^{-2}})^2 c \quad (3)$$

pour démontrer que la constante cosmologique C en J/m^3 est [2] :

$$C = \sqrt{\hbar(l_p^{-2})^2 c} \sqrt{\frac{1}{(8\pi)^2} \hbar(\Lambda_{m-2})^2 c} \quad (4)$$

$$C = \sqrt{A}\sqrt{B} \quad (5)$$

Renforcement de la solution mathématique au problème de la constante cosmologique.

Considérons H_0 le paramètre de Hubble (ou constante de Hubble) de dimension $[T^{-1}]$

Nous voulons une dimension en $[L^{-2}]$ pour remplacer Λ_{m-2} de l'égalité Eq(3),

Puisque c^2 est utilisé pour convertir Λ_{s-2} en Λ_{m-2} en écrivant

$$\Lambda_{m-2} = \frac{\Lambda_{s-2}}{c^2} \quad (6)$$

, nous écrivons

$$\frac{H_0^2}{c^2} \quad (7)$$

afin d'écrire une formule B' comme « densité d'énergie critique quantique pour H_0 » supposée en TQC avec Eq(7) de dimension $[L^{-2}]$:

$$B'' = \frac{3^2}{(8\pi)^2} \hbar \left(\frac{H_0^2}{c^2} \right)^2 c \quad (8)$$

Considérons enfin la densité d'énergie critique du modèle Λ CDM pour H_0 :

$$\rho_c = \frac{3 c^2 H_0^2}{8\pi G} \quad (9)$$

On a :

$$\rho_c = \sqrt{A}\sqrt{B'} \quad (10)$$

Démonstration en utilisant Eq(2) et Eq(8) :

$$AB' = \frac{c^7}{G^2 \hbar} \frac{9 \hbar H_0^4 c}{(8\pi)^2 c^4} \quad (11)$$

$$AB' = \frac{c^7}{G^2} \frac{9 H_0^4 c}{(8\pi)^2 c^4} \quad (12)$$

$$AB' = \frac{9 c^4 H_0^4}{(8\pi)^2 G^2} \quad (13)$$

$$\sqrt{A}\sqrt{B'} = \frac{3 c^2 H_0^2}{8\pi G} = \rho_c \quad (14)$$

Eq(14) est la définition de la densité d'énergie critique du modèle Λ CDM pour un univers plat Eq(9).

CONCLUSION

La même méthodologie dimensionnelle, pour supposer d'une part l'hypothétique densité d'énergie quantique de la constante cosmologique TQC, d'autre part l'hypothétique densité d'énergie critique quantique de la TQC, permet de retrouver leurs équations dans le modèle Λ CDM via leur moyenne géométrique avec la densité d'énergie du point zéro. Outre la tentative de donner un sens physique aux racines carrées de la densité d'énergie comme paramètre de solubilité de Hidebrandt [2], la reproductibilité de la méthode renforce réciproquement les deux résultats obtenus.

REFERENCES

[1] L. J. P. L. B. Lombriser, "On the cosmological constant problem," vol. 797, p. 134804, 2019.

[2] Wojnow, S. (2022). A simple mathematical solution to the cosmological constant problem.: *Cosmology. Hyperscience International Journal*, 2(3), 57–59.

<https://doi.org/10.55672/hij2022pp57-59>