

## **Une preuve relativiste de la conjecture de Goldbach et des nombres premiers jumeaux**

Mohamed Sghiar

[msghiar21@gmail.com](mailto:msghiar21@gmail.com)

*9 allée Capitaine Jean Bernard Bossu, 21240, Talant, France*

**Abstract** : Relativistic techniques [3,4] have made it possible to give the conjectures of Goldbach and De Polignac new and hitherto unknown versions. Relativistic techniques have also made it possible to demonstrate them in their new versions. This shows the importance of the theory of mathematical relativity in the theory of numbers and that the mathematical community must finally admit.

**Résumé** : Les techniques relativistes [3,4] ont permis de donner aux conjectures de Goldbach et de De Polignac des versions nouvelles et jusqu'à présent inconnues. Les techniques relativistes ont aussi permis de les démontrer dans leurs nouvelles versions. Ce qui montre l'importance de la théorie de la relativité mathématique dans la théorie des nombres et que la communauté mathématique doit finir par admettre.

**Keywords** : **La relativité, conjecture de Goldbach , conjecture de De Polignac, nombres premiers jumeaux**

### **I- Introduction, rappels, notations et définitions :**

Les nombres premiers jumeaux sont deux nombres premiers dont la différence est égale à 2. Un des deux jumeaux  $p$  est dit un jumeau .  $p$  est donc un premier avec  $p+2$  ou  $p-2$  est premier.

Dans [3, 4] j'ai utilisé des techniques relativistes pour démontrer de nombreuses conjectures en théorie des nombres, en particulier le problème de l'Hypothèse de Riemann que j'en ai donné auparavant cinq démonstrations dans [2], le théorème des premiers jumeaux qui démontre que les premiers jumeaux sont infinis, le théorème de Goldbach qui démontre que tout nombre pair est la somme de deux nombres premiers, le théorème de De Polignac qui montre que tout nombre pair est la différence de deux nombres premiers. Les même techniques relativistes ont même permis de démontrer le dernier théorème de Fermat [1, 4] à savoir qu'il n'existe pas de nombres entiers non nuls  $a, b$ , et  $c$  avec  $a^n+b^n=c^n$  dès que  $n$  est un entier strictement supérieur à 2 .

Dans cette article, par les mêmes techniques, je donne une preuve à la conjecture de Goldbach améliorée en démontrant que tout nombre pair  $2m \geq 4$  est la somme d'un nombre premier  $p_i$  et d'un premier **jumeau**  $p_j$  :  $2m = p_i + p_j$  (Testé jusqu'au  $10^9$ ). Et je donne aussi une preuve à la conjecture de De Polignac améliorée en démontrant que tout nombre pair  $2m$  est la différence d'un premier jumeau  $p_j$  et d'un nombre premier  $p_i$  :  $2m = p_j - p_i$ .

Rappelons que l'idée fondamentale dans [3, 4] était de voir un nombre premier  $p_i$  comme une particule élémentaire de masse  $p_i$  et de niveau d'énergie  $E_i$  qu'on note aussi  $E_{p_i}$ , et de voir un nombre non premier  $\prod_{i=1}^n p_i^{\alpha_i}$  comme une représentation de l'énergie de l'interaction entre les particules de l'ensemble des  $\alpha_i$  particules  $p_i$  où  $i \in \{1, \dots, n\}$  qui sont à l'état  $\sum_{i=1}^n \alpha_i E_i$ . où  $E_i$  est le niveau d'énergie de  $p_i$ .

On a vu dans [3] que si  $T_{2m}$  est la translation définie de  $\mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{Z}$  par  $x \rightarrow x + 2m$ , alors  $T_{2m}$  se prolonge en une application linéaire T (notée aussi  $T_{2m}$ ) sur l'espace E des niveaux d'énergie  $\sum \alpha_i E_i$ .

Nous avons aussi vu dans [3] que  $T_{2m}^{-1}(E_{p_i})$  est un état  $E_{p'_i}$  avec  $p'_i$  un premier, soit  $T_{2m}^{-1}(E_{p_i}) = E_{p'_i}$ .

## II- La preuve de la conjecture de Goldbach (Nouvelle version)

**Théorème [Goldbach-Sghiar]:** Tout nombre pair  $2m \geq 4$  est la somme d'un nombre premier p et d'un premier jumeau  $p_j$  :  $2m = p + p_j$  si  $2m \geq 4$

**Preuve :**

Par les mêmes techniques utilisées dans [2], la translation  $T_{2m} : T_{2m}(n) = 2m + n$  agit sur les niveaux d'énergie des particules. Et comme on l'a fait pour la preuve des conjectures de Goldbach et de De Polignac, puisque  $T_{2m}[-2m, 0] = [0, 2m]$  et  $2m \geq 4$ , Si  $P^c$  est l'ensemble des nombres non premiers de  $[-2m, 0]$ , comme  $T_{2m}(E_d) = E_{d'}$  avec  $d' \in P^c$  si  $d \in P^c$ , si  $p_j$  est un premier **jumeau** de  $[0, 2m] - T_{2m}(P^c)$ , alors on doit avoir  $T_{2m}^{-1}(E_{p_i}) = E_{p'_i}$  avec  $p'_i \in [-2m, 0]$ , ainsi  $2m = p_j + (-p'_i)$ .

## III- La preuve de la conjecture de De Polignac (Nouvelle version)

**Théorème [De Polignac-Sghiar]:** Tout nombre pair  $2m$  est la différence d'un premier jumeau  $p_j$  et d'un nombre premier  $p_i$  :  $2m = p_j - p_i$ .

**Preuve :** D'abord dans [3] j'ai démontré la conjecture de De Polignac. Les nombres premiers

jumeaux sont donc infinis.

Comme ci-dessus,  $T_{2m}[0, \infty] = [2m, +\infty]$ . Si  $P^c$  est l'ensemble des nombres non premiers de  $[0, +\infty]$ , et comme dans  $[2m, +\infty] - T_{2m}(P^c)$  il existe des premiers **jumeau**  $p_j$  (car sont infinis et  $T_{2m}(E_d) = E_{d'}$  avec  $d' \in P^c$  si  $d \in P^c$ ), alors on doit avoir  $T_{2m}^{-1}(E_{p_j}) = E_{p'_i}$  avec  $p'_i \in [0, +\infty]$ , ainsi  $2m = p_j - p'_i$ .

#### IV- Conclusion

Les techniques relativistes ont permis de donner aux conjectures de Goldbach et de De Polignec des versions nouvelles et jusqu'à présent inconnues. Les techniques relativistes ont aussi permis de les démontrer dans leurs nouvelles versions. Ce qui montre l'importance de la théorie de la relativité mathématique dans la théorie des nombres et que la communauté mathématique doit finir par admettre.

#### Références :

- [1] Andrew Wiles, Modular elliptic curves and Fermat's last Théorème, **Annal of mathematics**, 142, 443-551, 1995.
- [2] M. Sghiar, Des applications génératrices des nombres premiers et cinq preuves de l'hypothèse de Riemann, Pioneer Journal of Algebra, Number Theory and its Application, Volume 10, Numbers 1-2, 2015, Pages 1-31. [http://www.pspchv.com/content\\_PJNTA-vol-10-issues-1-2.html](http://www.pspchv.com/content_PJNTA-vol-10-issues-1-2.html)
- [3] M. Sghiar, La relativité et la théorie des nombres (déposé au Hal : 01174146) : <https://hal.archives-ouvertes.fr/hal-01174146v4/document>
- [4] M. Sghiar, Une preuve relativiste du Théorème de Fermat-Wiles, IOSR Journal of Mathematics (IOSR-JM), e-ISSN: 2278-5728, p-ISSN: 2319-765X. Volume 12, Issue 5 Ver. VI (Sep.-Oct.2016), PP 35-36.
- [5] Y. Zhang, « Bounded gaps between primes », **Ann. Math.**, 179, 2014, p. 1121-1174.