

## Теорема Ферма: $A+B=C$ не является натуральным числом

Памяти мамы

Все числа записаны в системе счисления с простым основанием  $n$ , где  $n > 2$ .

Итак, допустим для взаимно простых натуральных  $A, B, C$  и простого  $n > 2$

1°)  $A^n + B^n - C^n = 0$ , где, как известно ([viXra:1707.0174](#)),

1а°)  $C > A > B > U = A + B - C = un^k > 0$  ( $k > 1$ ),

1б°)  $A = U + a, B = U + b, C = U + c$ , где  $a + b - c = 0, a = A - U, b = B - U, c = C - U$ .

### Доказательство ВТФ

2°) Умножим равенство 1° на число  $g^n$  (которое, согласно малой теореме Ферма, существует; обозначения чисел оставим прежние) из равенства  $ug = n^v - 1$ , откуда

3°)  $U = (n^v - 1)n^k = n^s - n^k$ , где  $k = \text{const}, s = v + k$  и  $s > nk$ .

Теперь (с учетом 1б°) равенство 1° можно записать в виде

4°)  $(a + n^s - n^k)^n + (b + n^s - n^k)^n - (c + n^s - n^k)^n = 0$ , или  $[(a - n^k) + n^s]^n + [(b - n^k) + n^s]^n - [(c - n^k) + n^s]^n = 0$ ,  
из чего, после раскрытия биномов Ньютона, следует, что число

5°)  $D = (a - n^k)^n + (b - n^k)^n - (c - n^k)^n$  делится на  $n^s$ , ибо все остальные члены содержат множитель  $n^s$ . Вычислим нулевые окончания в каждой сумме из трех слагаемых:

6°)  $d = a^n + b^n - c^n = (\text{см. 1б°}) = (A - U)^n + (B - U)^n - (C - U)^n = [(A - U)^n - A^n] + [(B - U)^n - B^n] - [(C - U)^n - C^n]$ , где все три выражения в квадратных скобках оканчиваются на  $k + 1$  нулей (1 ноль добавляет второй множитель в разложении суммы степеней) с равными четвертыми цифрами.

7°)  $e = (a^{n-1} + b^{n-1} - c^{n-1})n^k$ . Эта (единственная!) и все последующие суммы оканчиваются на  $kt$  ( $t = 1, 2, \dots, n$ ) нулей. И, следовательно, число  $D$  на  $n^s$  не делится и тождественные равенства 4° и 1° не выполняются по  $(k + 2)$ -й цифре.

Из чего следует истинность ВТФ.

8°) Если же  $A$  делится на  $n^k$ , тогда числа  $C - B, U, a, c - b$  и  $d$  делятся на  $n^{kn-1}$ , а  $e$  на  $n^{kn+k-1}$ .