

## Теорема Ферма. Доказательство за 2 операции

Памяти МАМЫ

Суть противоречия. Равенство Ферма противоречиво по вторым цифрам сомножителей числа  $A$ .

Все целые числа рассматриваются в системе счисления с простым основанием  $n > 2$ .

Обозначения:  $A'$ ,  $A''$  – первая, вторая цифра от конца в числе  $A$ ;

$A_2$  – двузначное окончание числа  $A$  (т.е.  $A_2 = A \bmod n^2$ ).

Рассмотрим равенство Ферма в базовом случае (его свойства 2°-3° доказываются здесь: <http://vixra.org/abs/1707.0174>) для взаимно простых натуральных  $A, B, C, A' \neq 0$ , и простого  $n > 2$ :

1°)  $A^n = C^n - B^n [= (C-B)P]$ , где (как известно)

2°)  $C-B = a^n, P = p^n, A = ap, p' = 1, a' \neq 0, a'' = a', a'^{n-1} = 1$  (малая теорема);

3°)  $(A+B-C)_2 = 0$ , откуда

3а°)  $(ap)_2 = a^n_2$  и, следовательно,

3б°)  $p_2 = a^{n-1}_2$ .

4°) Если  $p'' = 0$ , то мы умножим почленно равенство 1° на такое  $g^m$ , что  $p'' \neq 0$ . При этом свойства 2°-3° сохраняются, и мы оставляем обозначения чисел прежними.

А теперь само Доказательство ВТФ.

Представим окончания  $a_2$  и  $p_2$  в виде:  $a_2 = (xn + a^m)_2$  и  $p_2 = p''n + 1$ , где  $x_2$  – цифра.

Сначала подставим эти значения окончаний в левую часть равенства 3а°:

5°)  $[(xn + a^m)(p''n + 1)]_2 = a^n_2$ , откуда

5а°)  $(a^m p''n + xn)_2 = 0$ , или (см. 2°)  $a' p'' + x = 0 \pmod{n}$ .

А теперь подставим значение  $a_2$  в правую часть равенства 3б°:

6°)  $(xn+a^n)^{n-1}_2=[(n-1)xn a^{n-2}+1]_2=(-nxa^{n-2}+1)_2=(-nxa^{n-1}/a'+1)_2$ . И из 3b° имеем:

6a°)  $-xa^{n-1}/a'+p''=0 \pmod n$ , или  $-xa^{n-1}+a'p''=0 \pmod n$ , или  $-x+a'p''=0 \pmod n$ .

Из 5a° и 6a° следует, что  $x=p''=0$ , что противоречит 2° и 4°.

Из чего следует истинность ВТФ.

(Мезос, Франция. 4 сентября 2017)