

# FACTORIEL ET NOMBRES PREMIERS

Soit  $p$  un nombre entier non nul,

## Théorème 1

Le factoriel de  $p$ , à savoir  $(P)!$  est le produit de puissance de tous les nombres premiers inférieurs ou égale à  $p$  ;

## Théorème 2

Soit  $p_0$  le plus petit nombre premier de l'intervalle  $I = [p/2 ; p]$ ,

- 1) Tous les nombres premiers  $p_k$  de l'intervalle  $I' = [p_0 ; p]$ , obéissent à la relation suivante :

$$\frac{p!}{p_k^2} \notin \mathbb{N}$$

En d'autres termes  $p!$  n'est pas un multiple de  $p_k$

- 2) Tous les nombres premiers  $p_k$  de l'intervalle  $I' = [p/3 ; p/2]$ , obéissent à la relation suivante :

$$\frac{p!}{p_k^3} \notin \mathbb{N}$$

- 3) Tous les nombres premiers  $p_k$  de l'intervalle  $I' = [p/4 ; p/3]$ , obéissent à la relation suivante :

$$\frac{p!}{p_k^4} \notin \mathbb{N}$$

Ces propriétés demandent que  $p$  soit suffisamment grand pour les puissances supérieures à 3.

### ***(de la rupture de puissance dans un intervalle)***

Prenons un nombre réel quelconque  $n = 100!$

$100! = 2^{97} \times 3^{48} \times 5^{24} \times 7^{16} \times 11^9 \times 13^7 \times 17^5 \times 19^5 \times 23^4 \times 29^3 \times 31^3 \times 37^2 \times 41^2 \times 43^2 \times 47^2 \times 53 \times 59 \times 61 \times 67 \times 71 \times 73 \times 79 \times 83 \times 89 \times 97$  La rupture de puissance correspond aux points du changement de puissance, pour notre exemple, il a lieu aux points suivants :  
47,31,23,13,11,7,5,3,2

## Théorème 3

Soit un nombre  $(p)!$  donné, la rupture de puissance, en considérant les puissances décroissantes, a lieu aux voisinages de  $p/2, p/3, p/4, p/5, \dots, p/n$